PTSI - 2022–2023 Durée : 10 min

Interro de calcul 3 Calculs algébriques

Ceci est un entrainement.

Question 1: Mettre sous forme exponentielle le nombre complexe z = 1 - i. En déduire $(1 - i)^8$.

Question 2 : Donner la valeur de $\sum_{k=0}^n k$ et $\sum_{k=0}^n k^2$. En déduire $\sum_{k=1}^n k(k-1)$.

Question 3: Soit $x \in \mathbb{C}$, avec $x \neq 1$, et $n \in \mathbb{N}$. Compléter:

$$\sum_{k=0}^{n} x^k =$$

En déduire : $\sum_{k=1}^{10} (\frac{1}{2})^k =$

Question 4 : Calculer une forme simple de $\sum_{k=0}^{n} (e^{k+2} - e^{k+3})$

Question 5: Calculer $\binom{6}{3}$

Question 6: Développer $(a-b)^4$

Question 7: Mettre sous forme canonique le polynôme $X^2 + X + 1$.

Question 8: Linéariser $(\cos x)^3$